التطورات الرتيبة

الكتاب الأول

دراسة ظواهر كهربائية

الوحدة 03

GUEZOURI Aek – Lycée Maraval - Oran

حلول تمارين الكتاب المدرسي

الجزء الأول - ثناني القطب RC الجزء الأول - تناني القطب الطبعة الجديدة المصادق عليها من طرف المعهد الوطني للبحث في التربية

التمرين 01

$$C_1 = \frac{Q}{U_1} = \frac{3 \times 10^{-5}}{6} = 0.5 \times 10^{-5} \; F$$
 : سعة المكثفة الأولى

$$U_2 = \frac{Q}{C_2} = \frac{3 \times 10^{-5}}{10^{-6}} = 30~V$$
 : التوتر بين طرفي المكتفة الثانية

التمرين 02

 $Q_1 = C_1 U = 2 \times 10^{-6} \times 100 = 2 \times 10^{-4} \text{ C}$: شحنة المكثفة الأولى : — 1

بعد ربط المكثفتين على التفرع تتوزع الشحنة Q_1 عليهما حسب سعة كل واحدة .

 $C=C_1+C_2=2+0,5=2,5~\mu F$ السعة المكافئة لهما هي

2 - التوتر بين طرفى كل مكثفة هو التوتر بين طرفى المكثفة المكافئة ، أي :

$$C_2$$
 $U' = \frac{Q_1}{C} = \frac{2 \times 10^{-4}}{2,5 \times 10^{-6}} = 80 \ V$

التمرين 03

المولد المستعمل في هذه الدارة هو مولد للتيار ، أي أن التيار طيلة عملية الشحن يبقى ثابتا من أجل توتر بين طرفيه أقل من قيمة مسجلة على المولد .

t و u العلاقة بين u

(1) q = I t هي المحنة المتوضعة على لبوسي المكثفة في اللحظة t هي

(2)
$$u = \frac{q}{C}$$
 : ولدينا العلاقة بين التوتر والشحنة

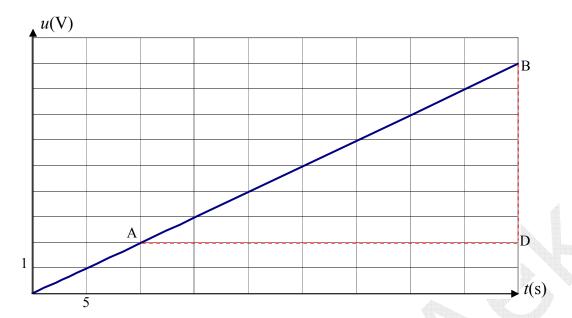
$$u = \frac{I}{C} t$$
 : من العلاقتين (1) و (2) نستنتج العلاقة المطلوبة

ملاحظة : يجب الانتباه إلى عدم الخلط بين هذه الحالة والحالة التي نستعمل فيها مولدا للتوتر ، حيث أن في هذه الحالة الأخيرة يتغير التوتر حسب دالة أسية في النظام الانتقالي ، ثم يصبح ثابتا مهما كان الزمن في النظام الدائم . أما في الحالة التي يتطرق لها هذا التمرين فإن التوتر يتناسب مع الزمن حسب علاقة خطية .

2 - رسم البيان:

$$\frac{I}{C}$$
 ميل البيان هو النسبة

$$C = \frac{I}{0.2} = \frac{20 \times 10^{-6}}{0.2} = 10^{-4} \; F$$
 : ومنه $\frac{I}{C} = \frac{BD}{AD} = \frac{7}{7 \times 5} = 0.2 \; V.s^{-1}$: من البيان



$$C_1$$
 C_2

$$C = \frac{C_1 C_2}{C_1 + C_2} = \frac{1 \times 2}{1 + 2} = \frac{2}{3} F$$
 : a consider the constant $C = \frac{1}{2} + \frac{1}{2$

 $Q_1 = Q_2 = Q$ التوتر بين طرفي كل مكثفة : بما أن المكثفتين مربوطتان على التسلسل فإن $Q_1 = Q_2 = Q$

(3)
$$U_1 = 2 U_2$$
 entitle $U_1 = \frac{U_1}{U_2} = \frac{C_2}{C_1} = 2$

(4)
$$U_1 + U_2 = 300$$
 نبما أن المكثفتين مربوطتان على التسلسل ، فإن $U_1 + U_2 = 300$ $U_1 = 200$ V ، $U_2 = 100$ V : ستنتج (4) و (4) نستنج

$$Q = C$$
 $U = \frac{2}{3} \times 10^{-6} \times 300 = 2 \times 10^{-4}$ C نحسب شحنة المكثفة المكثفة المكافئة -3

(2) و (1) ، أو نحسبهما بواسطة العلاقتين (1) و (2)
$$Q_1 = Q_2 = Q = 2 \times 10^{-4} \text{ C}$$

التمرين 05

1 - نبحث عن طريقة ربط بسيطة وغير مكلفة (نستعمل فيها أقل عدد من المكثفات) .

نستعمل تجميعا من المكثفات عددها n_1 بربطها على التفرع ، ثم نربط على التسلسل عددا n_2 من هذه التجميعات . السعة المكافئة في تجميع واحد هي :

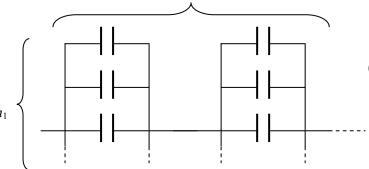
(1)
$$C' = n_1 C_1$$

السعة المكافئة لكل التجميعات هي:

(2)
$$\frac{1}{C} = \frac{1}{C'} + \frac{1}{C'} + \dots = n_2 \frac{1}{C'}$$

نعوض عبارة 'C من العلاقة (1) في العلاقة (2) ونجد:

$$n_2$$
 عدد التجميعات المتماثلة \wedge



$$n_1=50$$
 n_2 : وبالتالي ، $n_1=n_2 \frac{C}{C_1}$

$$n_1 = 50$$
 من أجل $n_2 = 1$ ، فإن

$$n_1 = 100$$
 من أجل $n_2 = 2$ ، فإن $n_2 = 2$

$$Q = C U = 5 \ 10^{-3} \times 40 = 0.2 \ C$$
 : أي شحنة المكثفة المكافئة - 3

$$Q' = \frac{Q}{n_0} = \frac{0.2}{50} = 4 \times 10^{-3} \ C$$
: هي خان شحنة كل واحدة واحدة المكثقات متماثلة ، إذن شحنة كل واحدة

1 - يمكن إفراغ المكتفة بالوصل بين لبوسيها بواسطة ناقل ، فإن كل الإلكترونات تعود إلى أماكنها من اللبوس السالب إلى الموجب ،

فيحدث توازن كهربائي وتنعدم شحنتا اللبوسين ، فتصبح المكثفة فارغة .

: مندة التيار ثابتة (المولد المستعمل هو مولد للتيار) ، وبالتالي $q=I\ t$

$$\frac{\Delta q}{\Delta t} = I = \frac{dq}{dt}$$

تفريغ

$$q = I t = 0.2 \times 10^{-3} \times 240 = 4.8 \times 10^{-2} \,\mathrm{C}$$
 تكون $t = 4 \,\mathrm{mn} = 240 \,\mathrm{s}$ بعد زمن قدره

$$u = \frac{q}{C} = \frac{4.8 \times 10^{-2}}{3.2 \times 10^{-3}} = 15 \ V$$
 التوتر الكهربائي بين اللبوسين

$$t = \frac{Cu}{I} = \frac{3.2 \times 10^{-3} \times 40}{0.2 \times 10^{-3}} = 640 \text{ s}$$
 و بالتالي $q = I t$ الزمن الأعظم للشحن : لدينا $q = I t$ أي $q = I t$ أي $q = I t$

التمرين 07

q = au : العلاقة التجريبية -1

q = C u: العلاقة النظرية

 \mathbf{C} بمطابقة العلاقتين نجد ميل البيان هو سعة المكثفة

$$C = \frac{AB}{BD} = \frac{4 \times 10^{-3}}{5 \times 4} = 2 \times 10^{-4} \ F$$

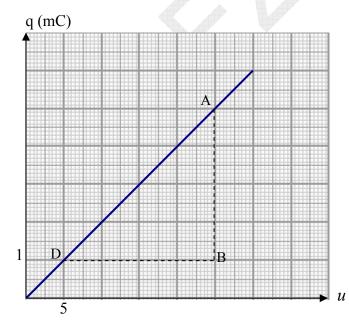
من البيان لدينا القيمة $u_1=15~\mathrm{V}$ توافق شحنة قدر ها -2

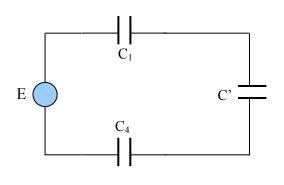
$$q_1 = 3 \times 10^{-3} \text{ C}$$

$$t_1 = \frac{q_1}{I} = \frac{3 \times 10^{-3}}{15 \times 10^{-6}} = 200 \ s$$
 نستخرج $q_1 = I \ t_1$ من العلاقة $q_1 = I \ t_1$

: نستنتج $u_2 = \frac{q_2}{C}$ ، $u_1 = \frac{q_1}{C}$ - 3

$$t_2 = 2 \ t_1$$
 وبالنالي $\frac{u_1}{u_2} = \frac{q_1}{q_2} = \frac{It_1}{It_2} = \frac{t_1}{t_2} = \frac{15}{30}$





: على النفرع ، إذن سعتهما المكافئة و C_3 و C_3 على النفرع ، إذن سعتهما المكافئة و C_3

$$C' = C_3 + C_2 = 1,5 + 0,5 = 2 \mu F$$

بتعويض هاتين المكثفتين بمكافئتهما نحصل على الدارة المقابلة.

لدينا الأن 3 مكثفات موصولة على التسلسل ، سعتها المكافئة هي ، حيث :

$$C=0.8~\mu F$$
 ، وبالتطبيق العددي نجد ، $\frac{1}{C}=\frac{1}{C_1}+\frac{1}{C_4}+\frac{1}{C'}$

 $Q = C U = 0.8 \times 10^{-6} \times 100 = 8 \times 10^{-5} C$: شحنة المكثفة المكافئة = 2

: و C_4 و C_5 كلها على التسلسل ، إذن شحناتها متساوية ، أي C_4 و C_5 كلها على التسلسل ، إذن شحناتها متساوية ، أي

$$Q_1 = Q_4 = Q' = 8 \times 10^{-5} C$$

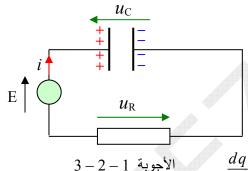
(1)
$$Q_2 + Q_3 = 8 \times 10^{-5}$$
 : $Q_2 + Q_3 = 8 \times 10^{-5}$: $Q_3 + Q_3 = 8 \times 10^{-5}$: $Q_2 + Q_3 = 8 \times 10^{-5}$: $Q_3 + Q_3 = 8 \times 10^{-5}$

(2)
$$\frac{Q_2}{C_2} = \frac{Q_3}{C_3}$$
 و التوتران بين طرفيهما متساويان $U_2 = U_3$ الأنهما على التفرّع ، أي طرفيهما متساويان

$$Q_2 + \frac{C_3}{C_2}Q_2 = 8 \times 10^{-5}$$
 : نستنج (2) و (1) من العلاقتين

$$Q_3 = 6 \times 10^{-5} \; \mathrm{C}$$
 نجد (2) أو (1) أو (2) نجد $Q_2 = 2 \times 10^{-5} \; \mathrm{C}$ ، ومنه $Q_2 + \frac{1.5}{0.5} Q_2 = 8 \times 10^{-5}$

التمرين 09



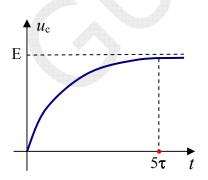
 $\mathrm{E} = u_\mathrm{R} + u_\mathrm{C} = \mathrm{R} \; i + u_\mathrm{C}$ حسب قانون جمع التوترات لدينا - 4

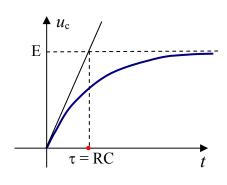
R C ويتقسيم طرفي المعادلة على ،
$$E=u_C+R\frac{dq}{dt}=u_C+RC\frac{du_C}{dt}$$

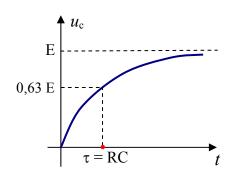
 $\frac{du_{C}}{dt} + \frac{1}{RC}u_{C} = \frac{E}{RC}$: نكتب المعادلة التي يخضع لها التوتر بين طرفي المكثفة

 $\frac{dq}{dt} + \frac{1}{RC}q = \frac{E}{R}$: أو المعادلة التفاضلية التي تخضع لها الشحنة الكهربائية في لبوسي المكثفة

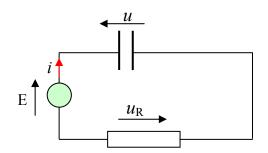
 $u_{\rm C} = f({
m t})$ الطرق الثلاثة لتحديد ثابت الزمن بيانيا : نأخذ مثلا -5







$$C = \frac{\tau}{R} = \frac{3}{6000} = 0.5 \times 10^{-3} \ F$$
 - 6



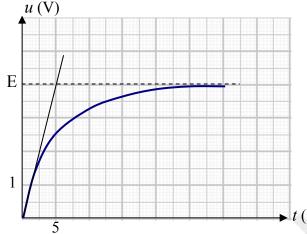
(1)
$$i = \frac{E-u}{R}$$
 ومنه $E = R i + u$: فإن التوترات فإن جمع التوترات فإن

. (بدایة النظام الدائم) . $E=4~{
m V}$ من البیان نستنتج $E=4~{
m V}$

نستخرج من البيان قيم u الموافقة للأزمنة المسجّلة على الجدول ، ثم باستعمال العلاقة (1) نحسب شدة التيار الموافقة لكل لحظة .

.. وهكذا .. $i = \frac{E - 0}{R} = \frac{4}{20 \times 10^3} = 2 \times 10^{-4} \ A$: وبالتالي u = 0 ، وهكذا t = 0 .. وهكذا

الجدول :



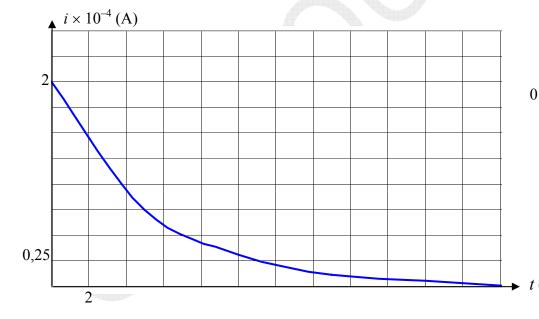
<i>t</i> (s)	0	5	10	15	20	25
$i \times 10^{-4} (\mathrm{A})$	2,00	0,75	0,31	0,12	0,06	0,00

 $u=\mathrm{E}$ الأفقي المستقيم الأفقي $\tau=5~\mathrm{s}$ المستقيم الأفقي $\tau=5~\mathrm{s}$

: au=RC نستتج قيمة السعة من عبارة ثابت الزمن au=4

$$C = \frac{\tau}{R} = \frac{5}{20 \times 10^3} = 2,5 \times 10^{-4} \ F$$

: i = f(t) رسم البيان – 5



 $_{0}$ - تتناقص شدة التيار من أعظم قيمة $_{1}$ $_{2}$ $_{3}$ نحو القيمة $_{4}$ يحدث هذا خلال فترة الشحن .

التمرين 11

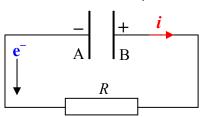
(ن ميلي كولون : mC) $Q_B = -Q_A = +1,2 \; \text{mC}$ ، ومنه : $Q_A + Q_B = 0$ ، أي $Q_A + Q_B = 0$ ، أي كولون المكثفة الكلية للمكثفة الكلية المكثفة الكلية الكل

 $U_{AB} < 0$ ، إذن $U_{BA} > 0$. البوسين $U_{BA} > 0$

- 3

- عندما نربط المكثّفة تتفرغ في الناقل الأومي بحيث تنتقل الإلكترونات من اللبوس A نحو B

- جهة التيار الانتقالي عكس جهة حركة الإلكترونات وعكس الجهة الاصطلاحية للتيار (جهة تيار الشحن).



(1)
$$ln \ u_{BA} = -50 \ t + 1.61$$
: Legis legis -

(لوغاريتم عدد سالب غير معرّف) $u_{
m AB}$ وليس $u_{
m BA}$

(2)
$$u_{\rm BA}=u_c=E~e^{-\frac{1}{RC}t}$$
 يعارة التوتر بين طرفي المكثفة خلال التفريغ هي يعارة النيبيري على طرفي العلاقة (2) :

$$lnu_{BA} = lnE - \frac{1}{RC}t$$

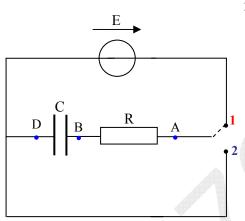
$$(3) lnu_{BA} = -\frac{1}{RC}t + lnE$$

$$\frac{1}{RC} = 50 \Rightarrow RC = \frac{1}{50} = 0.02 \ s = \tau \qquad \text{: (3)}$$
بمطابقة العلاقتين (1) و (3) ، نكتب :

$$ln E = 1,61 \Rightarrow E = e^{1,61} = 5 V$$

التمرين 12

: RC أ حسب قانون جمع التوترات يكون لدينا التوتر بين طرفي ثنائي القطب 1



$$E = u_{AB} + u_{BD} = R i + u_{BD}$$

$$E = u_{BD} + RC \frac{du_{BD}}{dt}$$

(1)
$$\frac{du_{BD}}{dt} + \frac{1}{RC}u_{BD} = \frac{E}{RC}$$
 المعادلة التفاضلية هي

(2)
$$u_{BD} = E + a e^{-bt}$$
 : نينا (ب

نعوّض في المعادلة التفاضلية (1)

$$-abe^{-bt} + \frac{1}{RC}\left(E + ae^{-bt}\right) = \frac{E}{RC}$$

$$ae^{-bt}\left(\frac{1}{RC}-b\right)+\frac{E}{RC}=\frac{E}{RC} \quad \text{if} \quad -abe^{-bt}+\frac{E}{RC}+\frac{1}{RC}ae^{-bt}=\frac{E}{RC}$$

$$u_{BD}=E+ae^{-bt}$$
 : نجد $b=\frac{1}{RC}$ ، وهي محققة ، إذن حل المعادلة التفاضلية (1) هو من الشكل $b=\frac{1}{RC}$

$$0=E+ae^0\Rightarrow a=-E$$
 : (2) جـ من الشروط الإبتدائية ، عند $t=0$ يكون $u_{
m BD}=0$. نعوض في العلاقة

$$u_{BD} = E(1 - e^{-rac{1}{RC}t}$$
) : عبارة التوتر بين طرفي المكتّفة $u_{BD} = E(1 - e^{-rac{1}{RC}t}$

<i>t</i> (s)	0	τ	5 τ	
$u_{ m BD}$	0	3,78	6	

$$t = 0 \Rightarrow u_{BD} = 0$$

 $t = \tau \Rightarrow u_{BD} = E (1 - e^{-1}) = 3,78 \text{ V}$

$$t = 5 \tau \implies u_{\rm BD} = E (1 - e^{-5}) \approx 6 \text{ V}$$

u_{BD} (V)

6

3,78 *t* (mS)

 $u_{
m BD}$ = f(t) البيان -3 $au=RC=10^5 imes0.1 imes10^{-6}=0.01~{
m s}$ لدينا

4 - أ) عند وضع البادلة في الوضع 2 تُفرّغ المكتّفة في الناقل الأومي وتُنفق الطاقة الكهربائية التي كانت مخزّنة فيها على شكل حرارة بفعل جول في الناقل الأومي.

$${
m E_C} = rac{1}{2} imes 0,1 imes 10^{-6} imes 6^2 = 1,8 imes 10^{-6} {
m J}$$
 . $u = {
m E}$. $u = {
m E}$. $E_C = rac{1}{2} C u^2$: ب

التمرين 13

 $u_{
m R}+u_{
m C}=0$: حسب قانون جمع التوترات - -1 R $i+u_{
m C}=0$

(1)
$$\frac{dq}{dt} + \frac{1}{RC}q = 0$$
 : نكتب R نكتب و بتقسيم طرفي هذه المعادلة على R نكتب $R \frac{dq}{dt} + \frac{q}{C} = 0$

(2) $q = Ae^{lpha t} + B$ ان حل هذه المعادلة التفاضلية يكون من الشكل - 2

. عبارة عن ثوابت α ، B ، A حيث

: ونكتب بذلك ، $\frac{dq}{dt} = A\alpha e^{\alpha t}$ و $q = Ae^{\alpha t} + B$: (1) نعوّض في المعادلة α ، B نعوّض في المعادلة (1)

$$A\alpha e^{\alpha t} + \frac{1}{RC} \left(A e^{\alpha t} + B \right) = 0$$

(3)
$$Ae^{\alpha t}\left(\alpha + \frac{1}{RC}\right) + \frac{B}{RC} = 0$$

 ${
m B}=0$ و $\alpha=-rac{1}{RC}$ و يكون المعادلة (3) محققة يجب أن يكون

. $q=\mathrm{Q}_0$ شحنة المكثفة t=0 عند اللحظة من المعادلة (2) من المعادلة المكثفة .

 $m{q}=m{Q}_0m{e}^{-rac{1}{RC}m{t}}$: q منه عبارة q . $A=\mathrm{Q}_0$ وبالتالي ، $Q_0=Ae^0+B$: بالتعويض

 $Q_0 = CE$ $Q_0 = CE$ $\frac{dq}{dt} = \frac{dq}{dt}$

$$t=0$$
 عند $q(t)$ عند النقطة (0 ; CE) ميل المماس عند النقطة

(4)
$$tg\alpha = -\frac{OB}{OA} = -\frac{CE}{OA}$$
 : كذلك ميل المماس هندسيا هو

$$\frac{dq}{dt} = -\frac{Q_0}{RC} e^{-\frac{1}{RC}t} = -\frac{CE}{RC} e^{-\frac{1}{RC}t} = -\frac{E}{R} e^{-\frac{1}{RC}t}$$
 هو q (t) مشتق

(5)
$$\frac{dq}{dt} = -\frac{E}{R} e^{-\frac{1}{RC} \times 0} = -\frac{E}{R} : 20$$
 يكون المشتق $t = 0$

بالمساواة بين العلاقتين (4) و (5) نكتب:

$$t= au$$
 : هي ، $CE=R$ ومنه ، $CA=RC$: ومنه ، $-\frac{CE}{OA}=-\frac{E}{R}$

$$au$$
 محور الزمن) au محور الزمن) مع محور الزمن) au

$$C = \frac{\tau}{R} = \frac{20 \times 10^{-3}}{10^5} = 2 \times 10^{-7} \ F = 0.2 \ \mu F$$
 : الزمن لدينا : -5

$$q = Q_0 = C E = 0.2 \times 5 \times 10^{-3} = 10^{-6} C$$
 تكون الشحنة $t = 0$ عند اللحظة $t = 0$

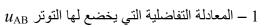
$$q$$
 عبارة $q=Q_0 imes e^{-5}=10^{-6} imes 6.7 imes 10^{-3}=6.7$ وذلك بالتعويض في عبارة $t=5$ تكون الشحنة

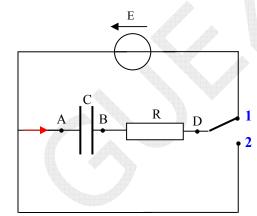
$$i = \frac{dq}{dt} = -\frac{E}{R}e^{-\frac{1}{RC}t}$$
 عبارة شدة النيار هي - 7

$$E = \frac{Q_0}{C} = \frac{10^{-6}}{0.2 \times 10^{-6}} = 5V$$
 ولدينا من البيان

 $t=0 \implies i=-50~\mu ~{
m A}$ إشارة i تتبع للجهة الاصطلاحية للتيار $t=5~ au \implies i=-0.33~\mu ~{
m A}$







 ${
m E}=u_{
m AB}+u_{
m BD}$: D و A أ $_{
m C}$ حسب قانون جمع التوترات يكون لدينا التوتر بين

$$E = u_{AB} + RC \frac{du_{AB}}{dt}$$

(1)
$$\frac{du_{AB}}{dt} + \frac{1}{RC}u_{AB} = \frac{E}{RC}$$
 : نكتب ، RC بتقسيم طرفي المعادلة على

(2)
$$u_{AB} = E\left(1 - e^{-\frac{1}{RC}t}\right)$$
 ب) لدينا حل هذه المعادلة هو

$$-\frac{E}{RC}e^{-\frac{1}{RC}t} + \frac{E}{RC}\left(1 - e^{-\frac{1}{RC}t}\right) = \frac{E}{RC} \qquad : (1)$$
 نتحقق من ذلك بالتعويض في المعادلة (1)
$$-\frac{E}{RC}e^{-\frac{1}{RC}t} + \frac{E}{RC} + \frac{E}{RC}e^{-\frac{1}{RC}t} = \frac{E}{RC}$$

. (2) هو المعدلة محققة ، ومنه حل المعادلة التفاضلية (1) هو المعدلة (2) . $\frac{E}{RC} = \frac{E}{RC}$

. (انظر الشكل)
$$u_{
m AB}={
m f}({
m t})=Eigg(1-e^{-rac{1}{RC}\,t}igg)$$
 جـ) نمثیل کیفی لـ ر

au د لالة تقاطع المماس في المبدأ للبيان مع المستقيم $u_{
m AB}={
m E}$ هو ثابت الزمن

$$\tau = RC = 10 \times 10^{3} \times 0.5 \times 10^{-6} = 5.0 \times 10^{-3} \text{ s}$$
 (4)

$$u_{AB} = E(1-1) = 0$$
 : يكون $t = 0$

$$u_{AB} = E\left(1 - \frac{1}{e^5}\right) \approx 100 \ V$$
: يكون $t = 5 \tau$ عند

2 - أ) إذا كان المقصود هو المعادلة التفاضلية التي يخضع لها التوتر بين طرفي المكثفة ، فها هي :

المكثفة تُفرّغ في هذه الحالة:

 $0 = u_{\rm AB} + u_{
m R}$: D و A حسب قانون جمع التوترات یکون لدینا التوتر بین

$$0 = u_{AB} + RC \frac{du_{AB}}{dt}$$

$$\frac{du_{AB}}{dt} + \frac{1}{RC}u_{AB} = 0$$
 : نكتب ، RC بتقسيم طرفي المعادلة على

(4)
$$u_c = Ae^{\alpha t} + B$$
 : هذه معادلة تفاضلية حلها من الشكل

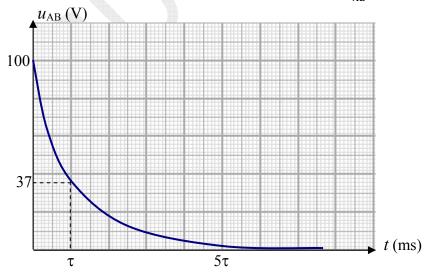
$$A \alpha e^{\alpha t} + \frac{1}{RC} (A e^{\alpha t} + B) = 0$$
 : من (3) و (3) نکتب

$$Ae^{\alpha t}\left(\alpha + \frac{1}{RC}\right) + \frac{B}{RC} = 0$$

B=0 و $\alpha=-rac{1}{RC}$: حتى تكون هذه المعادلة محققة يجب أن يكون

 ${
m A}={
m E}$ من الشروط الابتدائية ، عند t=0 يكون $u_{
m c}={
m E}$ ، وبالتعويض في

$$u_{AB} = E e^{-\frac{1}{RC}t}$$



RC

	ب)
<i>t</i> (s)	$u_{\mathrm{AB}}\left(\mathrm{V}\right)$
0	E = 100
τ	0.37 E = 37
5 τ	$6.7 \times 10^{-3} E = 0.67$
8	0

(1)
$$Q = C U$$
 لدينا : $Q = C U$

(2)
$$E_c = \frac{1}{2}QU$$
 : يا المكثفة هي المكثفة المخزنة في المكثفة المخزنة في المكثفة المخزنة في المكثفة المخزنة في المكثفة المكثف المكثفة المكثفة المكثفة المكثف المكثف المكثف المكثف المكثف

: ومنه ، $E_c = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{C}$ نجد (2) نجد نجد (1) في العلاقة (1) نجد نجد بتعويض عبارة العلاقة (1) في العلاقة (1) في العلاقة (1) نجد العلاقة (1) ومنه :

$$Q = \sqrt{2E_cC} = \sqrt{2 \times 1.5 \times 2 \times 10^{-3}} = 7.7 \times 10^{-2} C$$

$$U = \frac{Q}{C} = \frac{7.7 \times 10^{-2}}{2 \times 10^{-3}} = 38.5 \ V$$
: التوتر بين طرفي المكثفة = 2

التمرين 16

$$E_c = \frac{1}{2}QU = \frac{1}{2} \times 4 \times 10^{-3} \times 12 = 24 \times 10^{-3}J$$
 - 1

. m Q'=2~Q ، وبالتالي m Q'=2~C~U ، وبالتالي m Q=C~U

$${
m E'}_c = 48 imes 10^{-3} {
m J}$$
 وبالتالي الطاقة تتضاعف كذلك وتصبح $E'_c = {1\over 2} Q'U = {1\over 2} imes 2QU = QU = 2E_c$: وبالتالي الطاقة تتضاعف

$$u_c = E \; e^{-rac{1}{RC}\,t}$$
: عندما نفر غ المكثفة يتطور التوتر بين طرفيها حسب العلاقة -3

$$E_c = \frac{1}{2}Cu^2 = \frac{1}{2}C\left(E~e^{-\frac{1}{RC}~t}\right)^2$$
 وتكون حينئذ الطاقة المخزنة في الوشيعة

$$E_c = \frac{1}{2}CE^2e^{-\frac{2}{RC}t} = \frac{1}{2}Q_0 \times \frac{Q_0}{C} e^{-\frac{2}{RC}t}$$

$$\boldsymbol{E}_c = \frac{1}{2} \frac{\boldsymbol{Q}_0^2}{\boldsymbol{C}} \ \boldsymbol{e}^{-\frac{2}{\tau}t}$$

4 - عند اللحظة au= au ، تكون الطاقة المخزنة في الوشيعة (الطاقة الباقية)

$$E_c = \frac{1}{2} \frac{Q_0^2}{C} e^{-2} = \frac{1}{2} \frac{\left(4 \times 10^{-3}\right)^2}{\frac{4 \times 10^{-3}}{12}} e^{-2} = \frac{24 \times 10^{-3}}{e^2} = 3,26 \times 10^{-3} J$$

التمرين 17

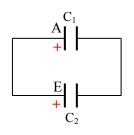
$$E_C = \frac{1}{2}C_1U^2 = \frac{1}{2}(3,3\times10^{-6})\times(24)^2 = 9,5\times10^{-4}~J~$$
: الطاقة المخزنة في المكثفة : I

 $: q'_{F}, q'_{A}, q_{A}$ العلاقة بين - 2

$$q_{\scriptscriptstyle A}=q^{\,\prime}_{\scriptscriptstyle E}+q^{\,\prime}_{\scriptscriptstyle A}$$
 : الشحنة تتوزع على المكثفتين حسب سعتيهما ، أي أن

 $U_1 = U_2$: ب) المكثفتان على التفرع ، إذن التوتران بين طرفيهما متساويان

$$\frac{q'_A}{C_1} = \frac{q'_E}{C_2}$$
 : ومنه العلاقة المطلوبة



$$q_A = C_1 U = 3.3 \times 10^{-6} \times 24 = 7.92 \times 10^{-5} C$$
: لدينا – 3

(1)
$$q'_E + q'_A = 7.92 \times 10^{-5}$$

(2)
$$\frac{q_A'}{C_1} = \frac{q_E'}{C_2}$$

$$q_E', q_A' \quad \text{ هما } q_A' \quad \text{ الدينا جملة معادلتين ذات مجهولين ، هما } q_A' \quad \text{ الدينا جملة معادلتين ذات مجهولين ، هما } q_A' \quad \text{ الدينا جملة معادلتين ذات مجهولين ، هما } q_A' \quad \text{ الدينا جملة معادلتين ذات مجهولين ، هما } q_A' \quad \text{ الدينا جملة معادلتين ذات مجهولين ، هما } q_A' \quad \text{ الدينا جملة معادلتين ذات مجهولين ، هما } q_A' \quad \text{ الدينا جملة معادلتين ذات مجهولين ، هما } q_A' \quad \text{ الدينا جملة معادلتين ذات مجهولين ، هما } q_A' \quad \text{ الدينا جملة معادلتين ذات مجهولين ، هما } q_A' \quad \text{ الدينا جملة معادلتين ذات مجهولين ، هما } q_A' \quad \text{ الدينا جملة معادلتين ذات مجهولين ، هما } q_A' \quad \text{ الدينا جملة معادلتين ذات مجهولين ، هما } q_A' \quad \text{ الدينا جملة معادلتين ذات مجهولين ، هما } q_A' \quad \text{ الدينا جملة معادلتين ذات محمولين ، والدينا على الدينا على ال$$

(3)
$$q'_A = \frac{C_1}{C_2} q'_E = \frac{3.3}{2.2} q'_E = 1.5 q'_E$$
 with (2) and (2) and (3)

$$q_E' + 1.5 \; q_E' = 7.92 \times 10^{-5} \Rightarrow q_E' = 3.17 \times 10^{-5} \; C \; : \; (1)$$
 بالتعویض في

. $q'_4 = 4,75 \times 10^{-5} C$ بالتعویض فی (3) نجد

(4)
$$E_c = \frac{1}{2} q_A U$$
 (q_A هي المكثفة المكثفة المكثفة بعد ربطهما (شحنة المكثفة المكثفة المخرّنة في المكثفتين بعد ربطهما (

 $U_1 = U_2 = \frac{q_A'}{C_1} = \frac{4.71 \times 10^{-5}}{3.3 \times 10^{-6}} = 14.3 \ V$ ، نحسب التوتر بين طرفي كل مكثفة ، والذي هو التوتر بين طرفي المكثفة المكافئة ،

$$E'_{c} = \frac{1}{2} \times 7.92 \times 10^{-5} \times 14.3 = 5.66 \times 10^{-4} \ J$$
 : (4) بالنعويض في

5 - أ) هذا الفرق في الطاقة تحوّل إلى حرارة بفعل جول في أسلاك الوصل .

$$\Delta E = (9, 5 - 5, 66) \times 10^{-4} = 3,84 \times 10^{-4} \text{ J}$$
 : حمية الطاقة الضائعة

للمزيد

 $E_{c1} = \frac{1}{2}C_1{U_1}^2$ ليكن U_1 التوتر بين طرفي المكثفة الأولى (المشحونة) و U_1 سعتها . إن الطاقة المخزّنة فيها هي

عندما نربط هذه المكثفة مع المكثفة الثانية التي سعتها C_1 تتوزع شحنة المكثفة الأولى بين المكثفتين بحيث تكون شحنة المكثفة الأولى هي نفسها شحنة المكثفة المكثفة المكثفتين ، والتي سعتها هي $C_{eq} = C_1 + C_2$ (المكثفتان موصولتان على التفرّع).

وبالتالي : $U_1 = (C_1 + C_2)U$ ، حيث U هو التوتر بين طرفي المكثفة المكافئة .

.
$$U = \frac{C_1}{C_1 + C_2} U_1$$
 من هذه العلاقة نستنتج

$$E_{c2} = \frac{1}{2}C_{\acute{e}q}U^2 = \frac{1}{2}(C_1 + C_2)\frac{{C_1}^2}{(C_1 + C_2)^2}U_1^2 = \frac{1}{2}\frac{{C_1}^2}{(C_1 + C_2)}U_1^2$$
 الطاقة المخزنة في المكثفة المكافئة هي $U_1^2 = \frac{1}{2}C_{\acute{e}q}U^2 = \frac{1}{2}(C_1 + C_2)^2$

$$E_{c1}-E_{c2}=rac{1}{2}C_1{U_1}^2-rac{1}{2}rac{{C_1}^2}{\left({C_1}+{C_2}
ight)}{U_1}^2=rac{1}{2}rac{{C_2}{C_1}}{\left({C_1}+{C_2}
ight)}{U_1}^2$$
 : الطاقة الضائعة هي

الآن نبحث عن هذا الضياع بطريقة أخرى ، وهي أن في المدة القصيرة dt تضيع في الأسلاك الطاقة dE ، حيث نعلم

(1)
$$dE = Ri^2 dt$$

حيث R هي مقاومة الدارة (بالنسبة لهذه الحالة R هي مقاومة الأسلاك) .

$$i=rac{U_1}{R}e^{-rac{t}{ au}}$$
 إن التيار الذي يمر في الدارة عند ربط المكثفتين هو

 ∞ لكي نجد الطاقة الضائعة في الأسلاك نقوم بمكاملة العلاقة (1) ، حيث t يتغير من الصفر إلى

$$E = \int_{0}^{\infty} R \left(\frac{U_{1}}{R} \right)^{2} e^{-\frac{2}{\tau}t} dt = \frac{U_{1}^{2}}{R} \int_{0}^{\infty} e^{-\frac{2}{\tau}t} dt = -\frac{U_{1}^{2}}{R} \times \frac{\tau}{2} [0 - 1] = \frac{1}{2} \frac{U_{1}^{2}}{R} \tau$$

$$E=rac{1}{2}rac{C_1C_2}{\left(C_1+C_2
ight)}U_1^{\ 2}$$
: نجد \to E غابت الزمن لهذه الدارة هو $au=R\,rac{C_1C_2}{C_1+C_2}$ ، وبالتعويض في عبارة

هذه الطاقة هي نفس الطاقة الموجودة أعلاه .

.
$$P = \frac{E}{5\tau} = \frac{1}{2} \frac{{U_1}^2}{R} \times \frac{\tau}{5\tau} = \frac{{U_1}^2}{10R}$$
 هي $t = 5\tau$ الاستطاعة المصروفة خلال المدة الزمنية $t = 5\tau$

في هذه العلاقة الأخيرة لما تكون قيمة R صغيرة جدا نحصل على استطاعة كبيرة جدا تؤدّي أحيانا إلى تخريب الأجهزة الكهربائية ، لهذا يتنصح بعدم القيام بمثل هذا الربط المقترح في التمرين .