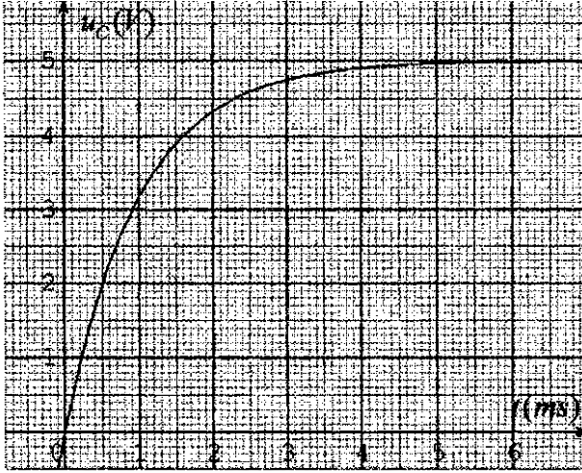


التمرين الاول: (06 نقاط) تمرين حول المتابعة الزمنية للتحويل الكيميائي

نحقق دائرة كهربائية تتكون من :

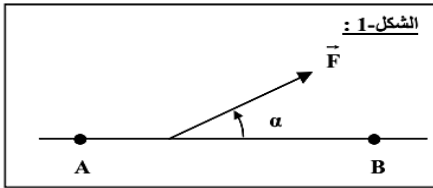
- مولد ذو توتر كهربائي ثابت $E = 5V$.
- ناقل أومي مقاومته $R = 100 \Omega$.
- مكثفة سعتها C .
- قاطعة k .



الشكل-2

- نوصل طرفي المكثفة A ، B إلى واجهة دخول لجهاز إعلام آلي و عولجت المعطيات ببرمجية "MicrosfteExcel" و تحصلنا على المنحنى البياني $u_C = u_{AB} = f(t)$ (الشكل-2) .
- 1/ اقترح مخططا للدائرة موضحا اتجاه التيار ثم مثل بسهم كلا من التوترين u_C و u_R .
- 2/ عين قيمة ثابت الزمن τ و ما مدلوله الفيزيائي ؟ استنتج قيمة سعة المكثفة C .
- 3/ أحسب شحنة المكثفة عند بلوغ الدارة للنظام الدائم .
- 4/ لو استبدلنا المكثفة السابقة بمكثفة سعتها $C' = 2C$ ، أرسم كيفيا ، في نفس المعلم السابق شكل المنحنى $u_{C'} = g(t)$ الذي يمكن مشاهدته على شاشة الجهاز . مع التعليل .

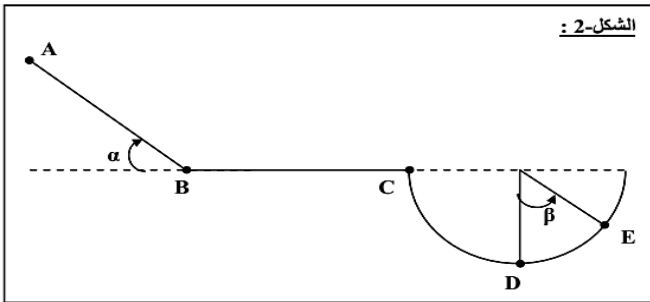
التمرين الثاني: (07 نقاط) تمرين حول مبدأ انحفاظ الطاقة وعمل قوة



1- يتحرك جسم M كتلته m ، أفقيا من موضع A إلى موضع B على مسار مستقيم تحت تأثير قوة \vec{F} تصنع زاوية α مع شعاع الانتقال شدتها $F = 20 N$ (الشكل-1) .

أحسب عمل القوة \vec{F} عندما ينتقل الجسم M مسافة $d = 5 m$ من الموضع A إلى الموضع B في الحالات التالية :

- القوة \vec{F} تصنع زاوية $\alpha = 30^\circ$ مع شعاع الانتقال في الإتجاه الموافق لجهة الحركة .
- القوة \vec{F} أفقية في جهة الحركة .
- القوة \vec{F} أفقية معاكسة لجهة الحركة .
- القوة \vec{F} تعمل زاوية $\alpha = 120^\circ$ معاكسة لجهة الحركة .



2- يتحرك جسم M كتلته $m = 2 kg$ بدون أي احتكاك على المسار ABCDEF الموضح في (الشكل-2) التالي :

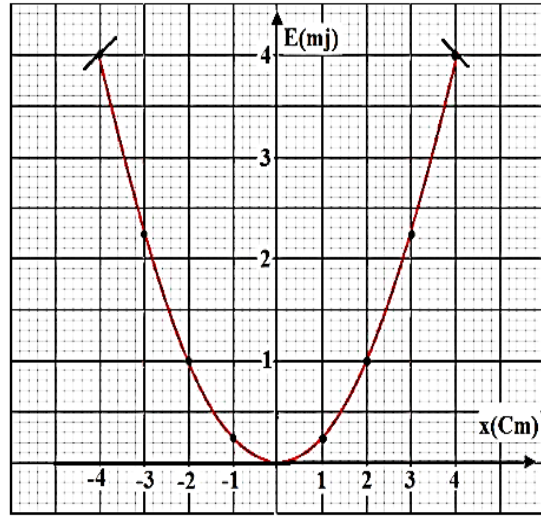
- أ- أحسب عمل الثقل في الحالات التالية :
- عند الإنتقال من الموضع A إلى الموضع B .
 - عند الإنتقال من الموضع B إلى الموضع C .
 - عند الإنتقال من الموضع C إلى الموضع D .
 - عند الإنتقال من الموضع D إلى الموضع E .
- ب- استنتج عمل الثقل أثناء الإنتقال من الموضع A إلى الموضع B .

يؤخذ : $\beta = 60^\circ$ ، $\alpha = 30^\circ$ ، $g = 10 N/m$ ، $R = 8 m$ ، $AB = 10 m$.

- 3- رصاصة كتلتها $m = 7 \text{ g}$ تقذف شاقوليا بواسطة مسدس من الموضع A نحو الأعلى بسرعة $v_A = 200 \text{ m/s}$.
 أ- أحسب الطاقة الحركية للرصاصة لحظة قذفها .
 ب- بإهمال تأثير الهواء على الرصاصة ، أوجد أقصى ارتفاع تبلغه الرصاصة بالنسبة لموضع قذفها A .
 ج- إذا علمت أن الارتفاع الحقيقي الذي بلغته الرصاصة هو $h' = 1.2 \text{ Km}$. أوجد شدة قوة الاحتكاك المعاكسة للحركة و التي يؤثر بها الهواء على الرصاصة باعتبار أن هذه القوة ثابتة .
 يعطى : $g = 10 \text{ m/s}^2$.

التمرين الثالث: (07 نقاط) تمرين حول الاهتزازات الحرة لجملة ميكانيكية

نثبت كرية كتلتها (m) بنابض أفقي من حلقاته غير متلاصقة ثابت مرونته K نزيح الكتلة (m) عند اللحظة $(t = 0)$ عن وضع التوازن وذلك بضغطها مقدار $(-x_m)$ ونتركها دون سرعة ابتدائية، نتمكن من رسم تغيرات لشكل من أشكال



الطاقة بدلالة المطال. $E = f(x)$

1- أكتب عبارة كل من الطاقة الحركية والطاقة الكامنة المرونية للجملة (جسم نابض) بدلالة المقادير: السرعة $v(t)$ ، الكتلة (m) ، المطال $x(t)$ ، ثابت مرونة النابض K .

2- إستنتج سعة الحركة.

3- باعتبار المستوي الأفقي الذي يستند إليه الجسم مرجع للطاقة الكامنة الثقالية أكتب عبارة طاقة الكلية للجملة ثم أثبت أن طاقة الجملة محفوظة.

4- أنسب البيان لشكل الطاقة الموافق مع التعليل.

5- أحسب ثابت مرونة النابض K .

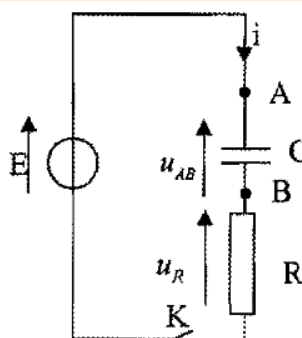
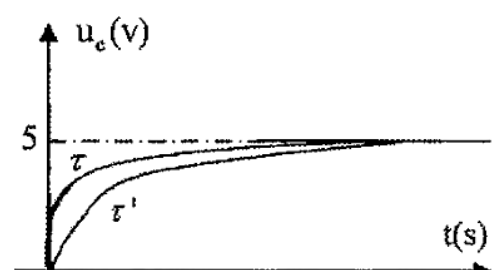
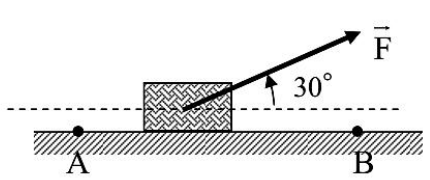
6- إستنتج قيمة الدور الذاتي إذا علمت أن الجملة المهتزة تنجز 6 إهتزازات خلال 3,6 ثانية ثم أحسب قيمة الكتلة (m) .

7- ماهي قيمة كل من الطاقة الحركية والسرعة عند مرور الكرية بالموضع الذي فاصلته $x(t) = +2 \text{ cm}$. يعطى: $\pi^2 \approx 10$

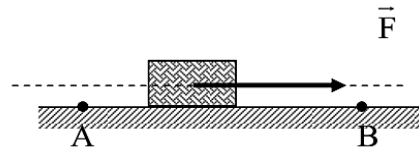
انتهى الموضوع الاول بالتوفيق للجميع

لا تنسونا من خالص دعائكم

جمعها ونظمها لكم الاستاذ ولادقدور احمد

العلامة		عناصر الاجابة
مجموع	مجزأة	
		<p>• حل التمرين الاول: (06 نقاط)</p> <p>1- مخطط الدارة : (الشكل المقابل)</p> <p>2- تعيين قيمة τ :</p> <p>$t = \tau \rightarrow u_C = 0.63 \cdot u_{C0} = 0.63 E = 0.63 \cdot 5 = 3.15 \text{ V}$</p> <p>بالإسقاط في البيان نجد : $\tau = 10^{-3} \text{ s} = 1 \text{ ms}$</p> <p>يمكن الحصول على نفس النتيجة بمماس البيان $u_C = f(t)$ عند اللحظة $t = 0$.</p> <p>المدلول الفيزيائي :</p> <p>هو الزمن اللازم لشحن المكثفة بنسبة 63% من شحنتها العظمى كما يمثل 20% من زمن اتمام الشحن .</p> <p>قيمة سعة المكثفة :</p> <p>3- شحنة المكثفة عند بلوغ النظام الدائم :</p> <p>عند بلوغ النظام الدائم أي نهاية الشحن تبلغ شحنة المكثفة قيمتها العظمى Q_0 حيث يكون :</p> <p>$Q_0 = EC$</p> <p>$Q_0 = 5 \times 10^{-5} = 5 \cdot 10^{-5} \text{ C}$</p> <p>4- البيان $u'_C = f(t)$ عن استبدال المكثفة السابقة بمكثفة سعتها $C' = 2C$:</p> <p>ثابت الزمن يتناسب طرديا مع سعة المكثفة أي $\tau = a C$ و عليه :</p> <p>$C' = 2C \rightarrow \tau' = 2\tau$</p> <p>هذا يعني أن قيمة τ تزداد و بالتالي يزداد زمن إتمام الشحن (أو تتأخر عملية إتمام الشحن) لذا يكون البيان الموافق لـ τ' كما يلي :</p>  
		<p>حل التمرين الثاني:</p> <p>1- عمل القوة \vec{F} :</p> <p>- القوة \vec{F} تصنع الزاوية $\alpha = 30^\circ$ في جهة الحركة :</p>  <p>$W_{A-B}(\vec{F}) = F \cdot AB \cos 60^\circ$</p> <p>$W_{A-B}(\vec{F}) = 20 \cdot 5 \cdot 0.5 = 50 \text{ J}$</p> <p>- القوة \vec{F} أفقية في جهة الحركة :</p>

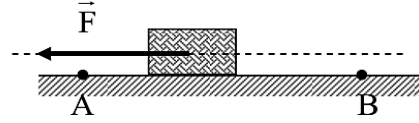
- القوة \vec{F} أفقية في جهة الحركة :



$$W_{A-B}(\vec{F}) = F \cdot AB$$

$$W_{A-B}(\vec{F}) = 20 \cdot 5 = 100 \text{ J}$$

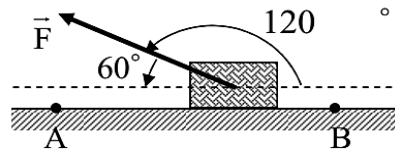
- القوة \vec{F} أفقية في معاكسة لجهة الحركة :



$$W_{A-B}(\vec{F}) = -F \cdot AB$$

$$W_{A-B}(\vec{F}) = -20 \cdot 5 = -100 \text{ J}$$

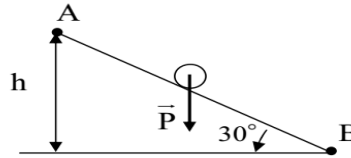
- القوة \vec{F} تصنع الزاوية $\alpha = 120^\circ$ و معاكسة لجهة الحركة :



$$W_{A-B}(\vec{F}) = F \cdot AB \cos 120^\circ$$

$$W_{A-B}(\vec{F}) = 20 \cdot 5 \cdot (-0.5) = -50 \text{ J}$$

-2 عمل الثقل :
الانتقال (A → B) :



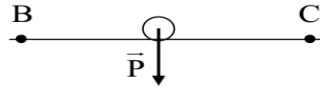
$$W_{A-B}(\vec{P}) = m g h$$

$$\sin \alpha = \frac{h}{AB} \rightarrow h = AB \sin \alpha$$

$$W_{A-B}(\vec{P}) = m g AB \sin \alpha$$

$$W_{A-B}(\vec{P}) = 2 \cdot 10 \cdot 10 \cdot \sin 30^\circ = 100 \text{ J}$$

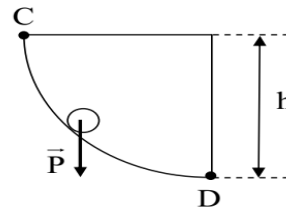
الانتقال (B → C) :



في هذه الحالة قوة الثقل \vec{P} عمودية على شعاع الانتقال و بالتالي يكون :

$$W_{B-C}(\vec{P}) = 0$$

الانتقال (C → D) :



$$W_{C-D}(\vec{P}) = m g h$$

$$h = R$$

$$W_{C-D}(\vec{P}) = m g R$$

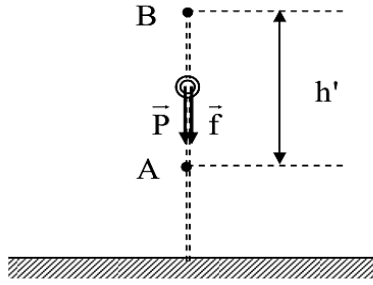
$$W_{C-D}(\vec{P}) = 2 \cdot 10 \cdot 8 = 160 \text{ J}$$

$$\bullet E_{CB} = 0 \quad (v_B = 0)$$

$$\frac{1}{2} m v_A^2 - m g h = 0 \longrightarrow \frac{1}{2} m v_A^2 = m g h \rightarrow h = \frac{v_A^2}{2g}$$

يصبح لدينا :

$$h = \frac{(200)^2}{2 \times 10} = 2000m = 2km$$



جـ شدة قوة الاحتكاك :

- الجملة المدروسة : رصاصة .
- مرجع الدراسة : سطحي أرضي نعتبره غاليلي .
- القوى الخارجية المؤثرة : الثقل \vec{P} ، قوة الاحتكاك \vec{f} .
- بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة بين الموضعين A و B حيث A موضع القذف و B موضع الرصاصة عند بلوغها أقصى ارتفاع .

$$E_A + E_{\text{مكتسبة}} - E_{\text{مقدمة}} = E_B$$

$$E_{CA} + W_{A-B}(\vec{P}) + W_{A-B}(\vec{f}) = E_{CB} \quad \text{ومنه} \quad \frac{1}{2} m v_A^2 - m g h' - f AB = 0$$

$$\frac{1}{2} m v_A^2 - m g h' = f AB \rightarrow f = \frac{m(\frac{1}{2} v_A^2 - g h')}{h'}$$

$$\bullet AB = h' = 1.2 \cdot 10^3 m$$

$$\bullet f = \frac{7 \cdot 10^{-3} \cdot ((\frac{1}{2}(200)^2) - (10 \cdot 1.2 \cdot 10^3))}{1.2 \cdot 10^3} = 4.67 \cdot 10^{-2} N$$

حل التمرين الثالث:

. K

$$2.E_{pe}(0) = kX_{\max}^2 : E_{pe}(0) = \frac{1}{2} kX_{\max}^2$$

$$K = \frac{2.E_{pe}(\max)}{X_{\max}^2} = \frac{2 \times 4 \times 10^{-3}}{(4 \times 10^{-2})^2} = 5 N/m$$

$$T_0 = \frac{3,6 \times 1}{6} = 0,6s \quad T_0 \rightarrow 1 \quad 3,6s \rightarrow 6$$

: m

$$T_0^2 = 4\pi^2 \frac{m}{K} \quad \text{إذن} \quad T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{m}{K}} \quad \text{لدينا}$$

$$m = \frac{K.T_0^2}{4\pi^2} = \frac{5 \times (0,6)^2}{4 \times 10} = 0,045 Kg \quad \text{وعليه:}$$

$$E_T = E_C(t) + E_{pe}(t) : \quad -7$$

$$E_C(t) = E_T - E_{pe}(t) :$$

$$E_{pe}(t) = 1 \times 10^{-3} J :$$

$$E_C = E_T - E_{pe}(t) = 4 \times 10^{-3} - 1 \times 10^{-3} = 3 \times 10^{-3} J$$

$$E_C = 3 \times 10^{-3} J$$

$$\text{حساب السرعة: لدينا } E_C = \frac{1}{2} m.v^2 \quad \text{إذن} \quad 2E_C = m.v^2$$

$$.v = \sqrt{\frac{2E_C}{m}} = \sqrt{\frac{2 \times 3 \times 10^{-3}}{0,045}} = \pm 036 m/s \quad \text{وعليه}$$

-5

$$-1 \quad \text{عبارة الطاقة الحركية : } E_C(t) = \frac{1}{2} m v^2(t)$$

$$\text{عبارة الطاقة الكامنة المرونية: } E_{pe}(t) = \frac{1}{2} k x^2(t)$$

$$X_{\max} = 4Cm \quad -2$$

$$E_T = E_C(t) + E_{pe}(t) \quad : \quad -3$$

$$E_T = \frac{1}{2} m.v^2(t) + \frac{1}{2} k.x^2(t)$$

$$E(t) = \frac{1}{2} m.v^2(t) + \frac{1}{2} k.x^2(t) :$$

$$E_T = \frac{1}{2} k.X_{\max}^2 \cos^2(\omega_0 t + \varphi) + \frac{1}{2} m.\omega_0^2 X_{\max}^2 \sin^2(\omega_0 t + \varphi)$$

$$\text{لدينا : } \omega_0^2 = \frac{k}{m} \Rightarrow \omega_0^2.m = k$$

$$E_T = \frac{1}{2} k.X_{\max}^2 \cos^2(\omega_0 t + \varphi) + \frac{1}{2} kX_{\max}^2 \sin^2(\omega_0 t + \varphi)$$

$$E_T = \frac{1}{2} k.X_{\max}^2 = cte$$

$$E_{pe}(t) = \frac{1}{2} kx^2(t) : \quad -4$$

$$E_T = cte \quad :$$

بينما الطاقة الحركية عند المطال الأعظمي تكون معدومة لأن الكرية إنطلقت بدون سرعة ابتدائية

$$E_{pe}(\max) = \frac{1}{2} kX_{\max}^2 \quad :$$

