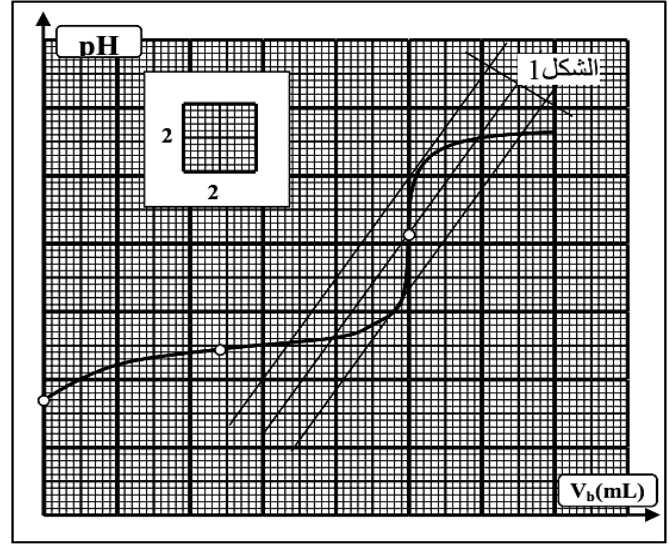
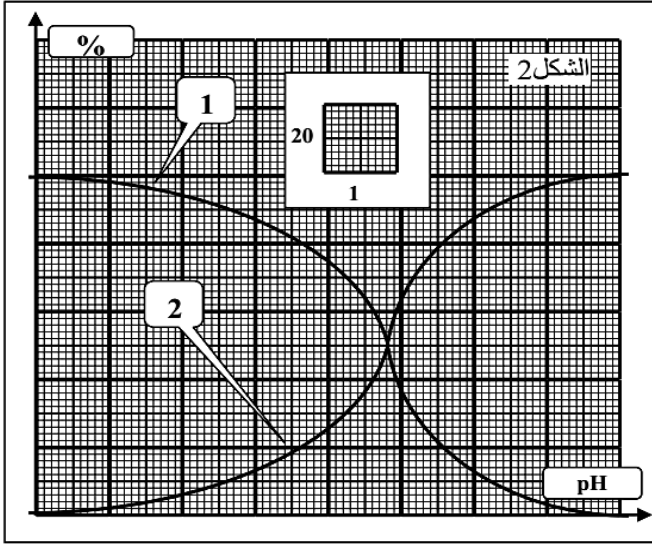


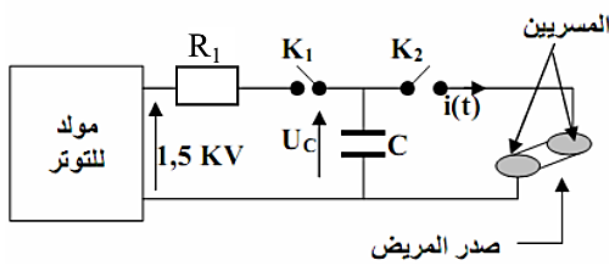
التمرين الاول: (06 نقاط) تمرين حول معايرة PH

نضع في كأس بيشر $V_a = 10 \text{ mL}$ من حمض الإيثانويك تركيزه المولي C_a ، ثم نضيف له تدريجيا بواسطة سحاحة محلول الصود NaOH تركيزه المولي $C_b = 10^{-2} \text{ mol/L}$ ، الدراسة التجريبية لهذه المعايرة أعطت البيانيين التاليين :



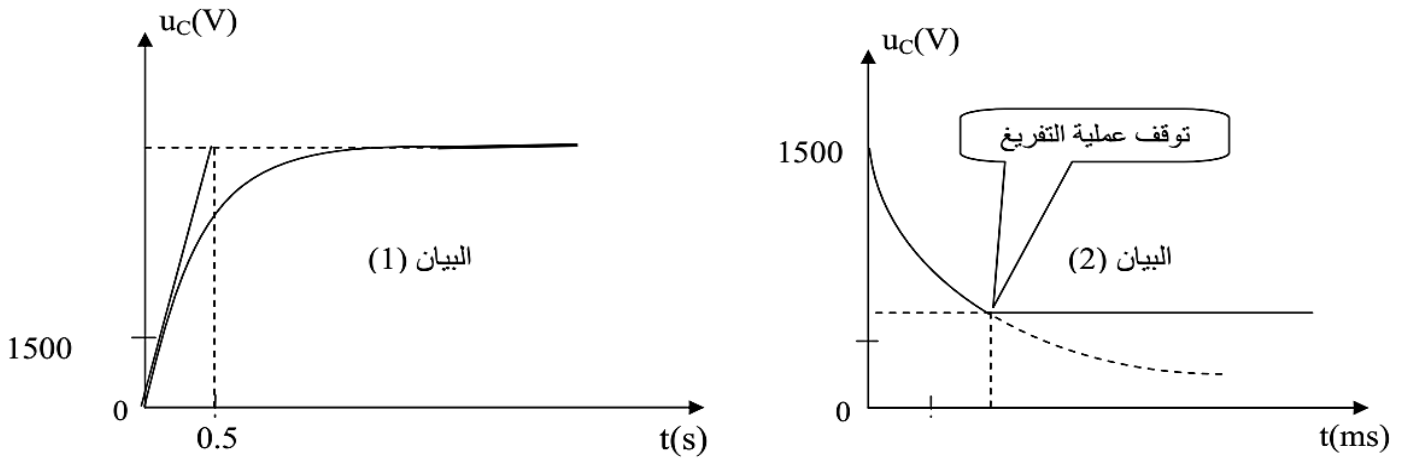
- 1- أكتب معادلة التفاعل الحادث أثناء المعايرة مبينا الثنائيات (أساس/حمض) الداخلة في التفاعل .
- 2- من (الشكل-2) أي المنحنيين (1) ، (2) يعبر عن الصفة الأساسية و أيهما يعبر عن الصفة الحمضية . علل .
- 3- اعتمادا على الشكلين :
 - حدد احداثيتي نقطة التكافؤ (V_b , pH) ، ثم استنتج C_a تركيز المحلول الحمضي .
 - استنتج ثابت الحموضة K_a للثنائية ($\text{CH}_3\text{COOH}/\text{CH}_3\text{COO}^-$) .
 - حدد مجال الـ pH الذي فيه يتغلب الحمض CH_3COOH على أساسه المرافق CH_3COO^- .
 - استنتج النسبة المئوية للصفة الحمضية و كذا النسبة المئوية للصفة الأساسية عند إضافة $V_b = 6 \text{ ml}$ من الصود .

التمرين الثاني: (07 نقاط) تمرين حول الظواهر الكهربائية



- يمثل تمثيل جهاز الصدمات القلبية الذي يستعمل في الحالات الطبية الاستعجالية بالشكل المبسط التالي :
- مولد التوتر ذو قوة محركية كهربائية $E = 1500 \text{ V}$.
 - سعة المكثفة $C = 470 \mu\text{f}$.
 - مقاومة الناقل الأومي (دائرة الشحن) R_1 .
 - صدر المريض يمكن اعتباره ناقل أومي (دائرة التفريغ) مقاومته $R = 50 \Omega$

1- نشغل الجهاز بغلق القاطعة K_1 (K_2 مفتوحة) فتشحن المكثفة C . المنحنيين (1) ، (2) التاليين يمثل تغيرات التوتر u_C بين طرفي المكثفة بدلالة الزمن عند الشحن و التفريغ على الترتيب .



أ- اعتمادا على البيان (1) أوجد قيمة ثابت الزمن τ ، R_1 .
ب- عين قيمة الطاقة الأعظمية المخزنة في المكثفة .

د- بفرض أن المكثفة تشحن كليا عندما يصبح التوتر بين طرفيها 97% من التوتر الأعظمي . ما هو الزمن Δt اللازم لشحن هذه المكثفة .

2- في اللحظة t_0 تغلق القاطعة K_2 (K_1 مفتوحة) فتفرغ المكثفة بإرسال صدمات كهربائية بوضع المسريين على صدر المريض بحيث تنتهي عملية التفريغ بمجرد استهلاك الطاقة اللازمة للجهاز و المقدرة بـ 400 joule ، عندما تقدم المكثفة هذه الطاقة تتوقف عملية التفريغ .

أ- أكتب المعادلة التفاضلية بدلالة u_R التوتر بين طرفي الناقل الأومي في دائرة التفريغ (صدر المريض) .

ب- حل هذه المعادلة التفاضلية من الشكل $u_C(t) = A e^{-t/\tau'}$ عين قيم A ، τ' .

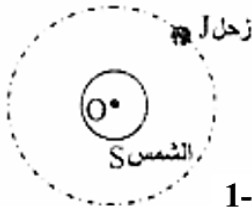
ج- أحسب الشدة الأعظمية لتيار التفريغ .

د- أكتب بدلالة $E_{(C)0}$ (طاقة المكثفة الأعظمية) ، C ، $u_C(t)$ الطاقة التي تحررها المكثفة و التي تقدم للجهاز .

هـ- أوجد قيمة التوتر u_R لحظة توقف عملية التفريغ و ما هي قيمة اللحظة الموافقة .

التمرين الثالث: (07 نقاط) تمرين حول قوانين نيوتن + كبلر

المعطيات :



الشكل-1

كتلة الشمس	$M_T = 2.0 \cdot 10^{30} \text{ kg}$
نصف قطر مسار زحل	$r = 7.8 \cdot 10^8 \text{ km}$
ثابت الجذب العام	$G = 6.67 \cdot 10^{-11} \text{ SI}$

يدور كوكب زحل حول الشمس على مسار دائري مركزه ينطبق على مركز العطالة (O) للشمس ، بحركة منتظمة (الشكل-1) .

1- مثل القوة التي تطبقها الشمس على كوكب زحل ثم أعط عبارة قيمتها .

2- ندرس حركة كوكب زحل في المرجع المركزي الشمسي (الهيليومركزي) الذي نعتبره غاليليا .

أ- عرف المرجع المركزي الشمسي .

ب- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن ، أوجد عبارة التسارع (a) لحركة مركز عطالة كوكب زحل .

ج- أوجد العبارة الحرفية للسرعة (v) للكوكب في المرجع المختار بدلالة ثابت الجذب العام (G) و كتلة الشمس (M_S) و نصف قطر المدار (r) ، ثم أحسب قيمتها .

3- أوجد عبارة الدور (T) لكوكب زحل حول الشمس بدلالة نصف قطر المدار (r) و السرعة (v) ، ثم أحسب قيمته

4- استنتج عبارة القانون الثالث " لكبلر " و أذكر نصه .

العلامة		عناصر الإجابة
مجموع	مجزأة	
		<p>• حل التمرين الأول: (06 نقاط)</p> <p>1- معادلة التفاعل الحادث :</p> $\text{CH}_3\text{COOH}_{(\text{aq})} + \text{HO}^-_{(\text{aq})} = \text{CH}_3\text{COO}^-_{(\text{aq})} + \text{H}_2\text{O}_{(\text{l})}$ <p>- الثنائيات (أساس/حمض) الداخلة في التفاعل هي : ($\text{CH}_3\text{COOH}/\text{CH}_3\text{COO}^-$) , ($\text{H}_2\text{O}/\text{HO}^-$)</p> <p>2- أثناء معايرة حمض الإيثانويك CH_3COOH و الذي يتحول إلى أساسه المرافق CH_3COO^- يتناقص تركيز الحمض CH_3COOH و يتزايد تركيز أساسه المرافق CH_3COO^- و على هذا الأساس المنحنى الذي يعبر عن الصفة الحمضية هو المنحنى (1) و المنحنى الذي يوافق الصفة الأساسية هو المنحنى (2) .</p> <p>3- احداثي نقطة التكافؤ : اعتمادا على نقطة التكافؤ في (الشكل-1) يكون :</p> $(\text{pH} = 8.2 , V_{\text{bE}} = 10 \text{ mL})$ <p>• التركيز C_a : عند التكافؤ :</p> $C_a V_a = C_b V_{\text{bE}} \rightarrow C_a = \frac{C_b V_{\text{bE}}}{V_a}$ $C_a = \frac{10^{-2} \times 10 \cdot 10^{-3}}{10 \cdot 10^{-3}} = 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$ <p>• ثابت الحموضة K_a : اعتمادا على (الشكل-2) تساوي قيمة الـ pKa قيمة الـ pH عند يكون : $\text{CH}_3\text{COOH}\% = \text{CH}_3\text{COO}^-\% = 50\%$ عليه يكون :</p> $\text{pKa} = 4.8 \rightarrow K_a = 10^{-4.8} = 1.58 \cdot 10^{-5}$ <p>• يتغلب الحمض على أساسه المرافق كلما كان $\text{pH} < \text{pKa}$ لهذا فمجال الـ pH الذي يتغلب فيه الحمض CH_3COOH على أساسه المرافق CH_3COO^- هو : ($0 < \text{pH} < 4.8$) .</p> <p>• النسب المئوية للصفتين الحمضية و الأساسية : من (الشكل-1) : $\text{pH} = 5 \rightarrow V_b = 6 \text{ mL}$ بالإسقاط على المنحنيين في (الشكل-2) :</p> $\text{CH}_3\text{COOH}\% = 36\%$ $\text{CH}_3\text{COO}^-\% = 64\%$
		<p>حل التمرين الثاني:</p> <p>1- أ- قيمة ثابت الزمن τ ، R :</p> <p>• من البيان (1) مباشرة و من خلال تقاطع المماس عند اللحظة $t = 0$ مع محور الأزمنة يكون : $\tau = 0.5 \text{ s}$</p> $\bullet \tau = R_1 C \rightarrow R_1 = \frac{\tau}{C} \rightarrow R_1 = \frac{0.5}{470 \cdot 10^{-6}} = 1063.8 \Omega$ <p>ب- الطاقة الأعظمية :</p> $E_{(C)_0} = \frac{1}{2} C E^2 \rightarrow E_{(C)_0} = \frac{1}{2} \cdot 470 \cdot 10^{-6} (1500)^2 = 528.75 \text{ J}$ <p>د- الزمن Δt اللازم لشحن المكثفة : لدينا أثناء الشحن العبارة التالية :</p>

د- الزمن Δt اللازم لشحن المكثفة :
لدينا أثناء الشحن العبارة التالية :

$$t = \Delta t \rightarrow u_C = \frac{97}{100} u_{C \max} = 0.987 E$$

بالتعويض في عبارة u_C يكون : $\Delta t = -0.5 \cdot \ln 0.03 = 1.75 \text{ s}$
2-أ- المعادلة التفاضلية بدلالة u_C :

$$\frac{du_C}{dt} + \frac{1}{RC} u_C = \frac{E}{RC}$$

ب- قيم A ، τ' :

$$u_C = Ae^{-t/\tau'} \rightarrow \frac{du_C}{dt} = -\frac{A}{\tau'} e^{-t/\tau'}$$

بالتعويض في المعادلة التفاضلية :

$$-\frac{A}{\tau'} e^{-t/\tau'} + \frac{E}{R_2 C} e^{-t/\tau'} = 0 \rightarrow \tau' = R_2 C = 50 \cdot 470 \cdot 10^{-6} = 2.35 \cdot 10^{-2} \text{ s}$$

- من البيان (2) :

$$t = 0 \rightarrow u_C = 1500 \text{ V}$$

بالتعويض في العبارة $u_C = Ae^{-t/\tau'}$ يكون : $A = 1500 \text{ V}$
ج- شدة تيار التفريغ الأعظمية :
دارة التفريغ تحتوي على المكثفة و المقاومة R_2 (صدر المريض) فقط لذا يكون :

$$I_0 = \frac{E}{R_2} \rightarrow I_0 = \frac{1500}{50} = 30 \text{ A}$$

د- عبارة الطاقة التي تحررها المكثفة باتجاه الجهاز :
عند اللحظة t_0 (بداية التفريغ) تكون طاقة المكثفة أعظمية $E_{(C)0}$ و عند اللحظة t تكون طاقة المكثفة

$$E_{(C)} = \frac{1}{2} C u_C^2 \text{ و منه فالطاقة المحررة } E'_{(C)} \text{ و التي تمثل الفرق بين الطائقتين يعبر عنها بالعلاقة :}$$

$$E'_{(C)} = E_{(C)0} - \frac{1}{2} C u_C^2$$

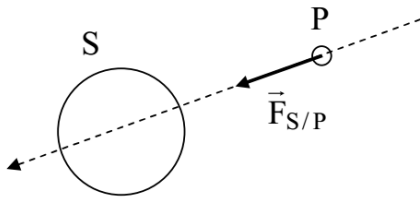
هـ- قيمة u_R لحظة توقف عملية التفريغ :

عند توقف عملية التفريغ تقدم المكثفة طاقة قدرها 400 J ، و باعتماد على العبارة السابقة يكون :

$$E'_{(C)} = E_{(C)0} - \frac{1}{2} C u_C^2 \rightarrow u_C = \frac{2(E_{(C)0} - E_{(C)})}{C} \rightarrow u_C = \frac{2(528.75 - 400)}{470 \cdot 10^{-6}} = 740 \text{ V}$$

حل التمرين الثالث:

1- تمثيل القوة التي تطبقها الشمس على الكوكب :



$$F_{T/S} = G \frac{m M_T}{r^2}$$

2- أ- تعريف المرجع المركزي الشمسي على الكوكب :

هو مرجع مرتبط بالشمس مبدأ معلمه منطبق على مركز الشمس و محاروه متجهة نحو ثلاث نجوم ثابتة .
ب- عبارة التسارع :

- الجملة المدروسة : الكوكب (P) .

- مرجع الدراسة : هيليو مركزي نعتبره غاليلي .

- القوة الخارجية المؤثرة : $\vec{F}_{S/P}$.

- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن :

- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن :

$$\sum \vec{F}_{\text{ext}} = m \vec{a}_G$$

$$\vec{F}_{S/P} = m \vec{a}_G$$

بتحليل العلاقة الشعاعية وفق محور (ox) يشمل مركزي الكوكب و الشمس و متجه نحو مركز الشمس نجد :

$$F_{S/P} = m a_G$$

$$\frac{G.m.M_S}{r^2} = m a_G \rightarrow a_G = \frac{G.M_S}{r^2}$$

ج- عبارة v :

كون أن حركة الكوكب دائرية منتظمة يكون $a_G = a_n = \frac{v^2}{r}$ ومنه يمكن كتابة :

$$\frac{G.M_S}{r^2} = \frac{v^2}{r} \rightarrow v = \sqrt{\frac{G.M_S}{r}}$$

$$v = \sqrt{\frac{6.67 \cdot 10^{-11} \cdot 2 \cdot 10^{30}}{7.8 \cdot 10^8 \cdot 10^3}} = 1.3 \cdot 10^4 \text{ m/s}$$

3- عبارة الدور بدلالة r ، v و حساب قيمته :

$$T = \frac{2\pi r}{v}$$

$$T = \frac{2\pi \cdot 7.8 \cdot 10^8 \cdot 10^3}{1.3 \cdot 10^4} = 3.768 \cdot 10^8 \text{ s}$$

4- استنتاج قانون كبلر الثالث :

لدينا من جهة :

$$T = \frac{2\pi r}{v} \rightarrow v = \frac{2\pi r}{T} \rightarrow v^2 = \frac{4\pi^2 r^2}{T^2}$$

و من جهة أخرى :

$$v = \sqrt{\frac{G.M_S}{r}} \rightarrow v^2 = \frac{G.M_S}{r^2}$$

إذن يمكن كتابة ما يلي :

$$\frac{4\pi^2 r^2}{T^2} = \frac{G.M_S}{r^2}$$

$$T^2 \cdot G.M_S = 4\pi^2 r^3 \rightarrow \frac{T^2}{r^3} = \frac{4\pi^2}{G.M_S}$$

$\frac{T^2}{r^3}$ ثابتة بالنسبة لكل الأرقام الاصطناعية ، هذا يعني أن مربع الدور لكوكب يتناسب طرديا مع مكعب نصف قطر مداره و هو نص القانون الثالث لكبلر .

نتهى الحل